

# გრანულარული დინებების მოდელირება სამგანზომილებიან კუმშვად ასტროფიზიკურ დისკებში

**Numerical Simulation of granular flows in 3D compressible astrophysical  
disks**

ლუკა პონიატოვსკი

სამაგისტრო პროგრამა "ფუნდამენტური ფიზიკა"

სპეციალიზაცია: ასტროფიზიკა

სამაგისტრო ნაშრომის დაცვა

ხელმძღვანელი:

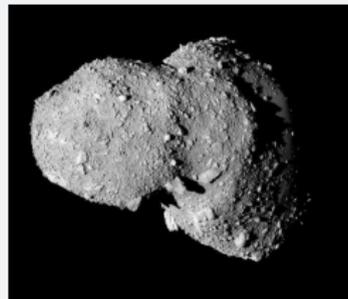
ასოც. პროფ.:

ალექსანდრე თევზაძე

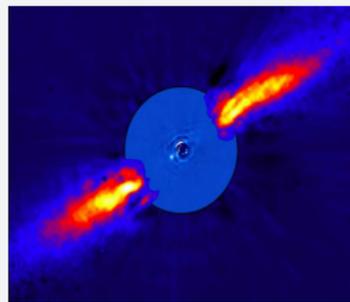
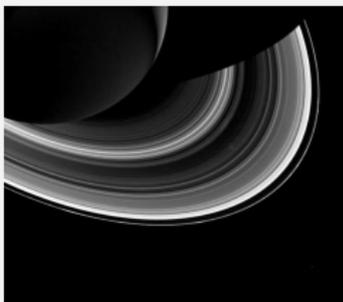
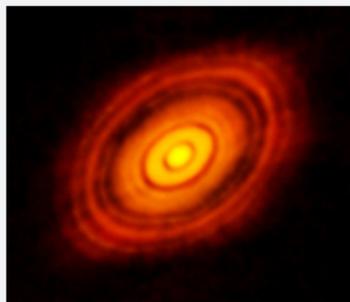
21 ივლ. 2017

# გრანულარული დინება

- ▶ დინების მახასიათებელი ზომები:  $1\text{სმ} \sim 400\text{AU}$
- ▶ განსხვავებული რეჟიმები:
  - კინეტიკური
  - სიოხის
  - რბილი მატერია



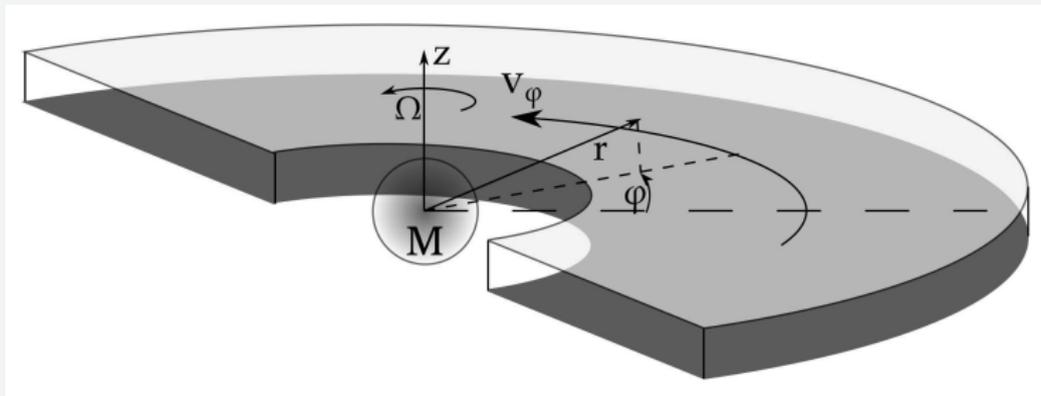
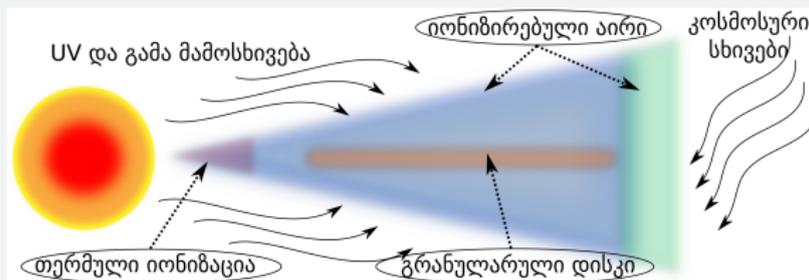
# გრანულარული დინებები ასტროფიზიკაში



- ▶ არადრეკადი დაჯახებები,  
გრანულარული დისიპაცია
- ▶ ცენტრალური ობიექტის  
გრაფიტაცია

$$\nu = \nu(P, \mathbf{V})$$

# პროტოპლანეტური დისკი



# რეოლოგიური დინებები

რეოლოგია: სიბლანტის დამოკიდებულება ფიზიკურ სიდიდეებზე

ა) გრანულარული რეოლოგია

(Forterre & Pouliquen 2008 , Jop et. al. 2006).

$$\eta = \eta(P, \xi) , \quad \xi = \sqrt{\frac{\varepsilon_{ij}\varepsilon_{ij}}{2}}$$

ბ) ტურბულენტური სიბლანტე

$$\eta_{turb} = \rho \frac{\overline{u'_i u'_j}}{\varepsilon_{ij}} , \quad \varepsilon_{ij} = \frac{\partial \bar{u}_i}{\partial x_j} + \frac{\partial \bar{u}_j}{\partial x_i}$$

# სიბლანტით გამოწვეული არამდგრადობები

სიბლანტის მოდელი:  $\nu(\sigma) \propto \sigma^\beta$

## 1. Viscous instability: $\beta < 0$

(Lightman and Eardley 1974, Shakura and Sunyaev 1976)

## 2. Viscous Overstability : $\beta > 2$

(Kato 1978, Blumenthal et. al. 1984)

სიბლანტის მოდელი:  $\eta = \eta_0 \left(\frac{P}{P_0}\right)^{g_P} \left(\frac{\xi}{\xi_0}\right)^{g_S}$

1. არამდგრადობის მოდიფიკაცია სიჩქარის წანაცვლებით
2. პერიოდული არამდგრადობის მოდიფიკაცია სიჩქარის წანაცვლებით

(პონიატოვსკი 2015, საბაკალავრო ნაშრომი, 2D კუმზვადი)

# წრფივი მდგრადობის 3D ანალიზი

$g_P = 0$  გამოირიცხება ცნობილი არამდგრადობები

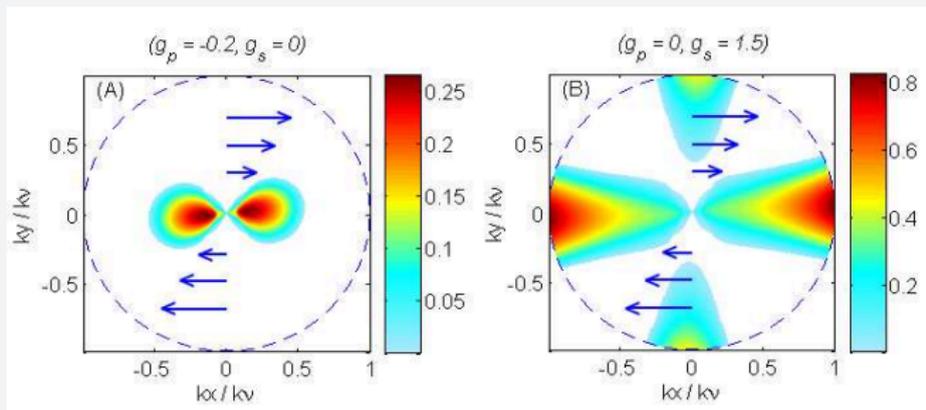
- ▶ წრფივი მდგრადობის ანალიზი (უკუმშვადი)

$$\omega = \pm(\bar{\kappa}^2 - W^2)^{1/2} + i(W - \nu k^2) . \quad (1)$$

$\bar{\kappa}$  - ეპიცკლური სიხშირის რეოლოგიური შესწორება

$$W \equiv \sigma_A + \sigma_P + \sigma_S$$

ზრდის ინკრიმენტი:  $\text{Im}(\omega)$

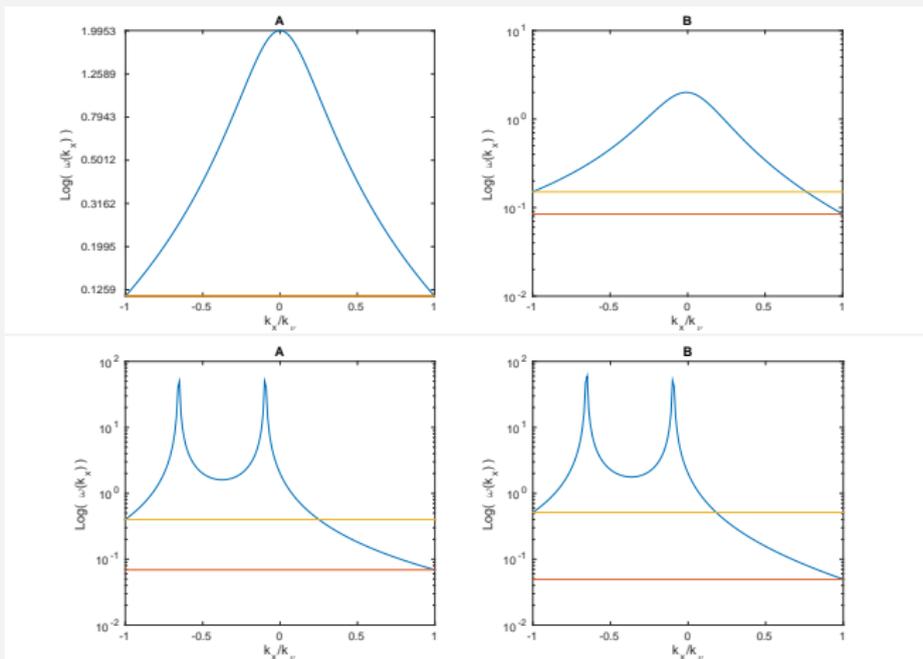


- $G_P$  დიდმასშტაბოვანი სტრუქტურები;  $G_S$  ლოკალური სტრუქტურები
- ციკლონურ - ანტიციკლონური ასიმეტრია

$$\frac{d}{dt} [\ln (\text{curl}(\mathbf{u})_z)] = qG_S\Omega_0 \frac{(k_x(t)^2 - k_y^2)^2}{k(t)^2} - \nu k(t)^2 \quad (2)$$

ეპიცენტრული სიხშირის დისპერსია  $\kappa = \kappa(\mathbf{k})$

$$\bar{\kappa}^2 \equiv (-4B\Omega - 4A^2 G_S k_x k_y) \frac{k_z^2}{k^2 - 4AG_P k_x k_y} \quad (3)$$



# პირდაპირი რიცხვითი მოდელირება

- ▶ კუმშვადი ასტროფიზიკური დინებების მოდელირების DNS კოდი PLUTO
- ▶ მოდულური, HD/RHD, MHD/RMHD, Shock Capturing
- ▶ ბადეზე დაფუძნებული რიმან/გოდუნოვის ამომხსნელი
- ▶ Cartesian , Cylindrical , Polar, Spherical, თანამბრუნავი სისტემის და წანაცვლები სიბრტყის რიცხვითი მოდული

```
EXPAND (dVxi = D_DX_I(Vx);, dVyi = D_DX_I(Vy);, dVzi = D_DX_I(Vz);)
#ifdef DIMENSIONS >= 2
EXPAND (dVxj = D_DY_I(Vx);, dVyj = D_DY_I(Vy);, dVzj = D_DY_I(Vz);)
#ifdef DIMENSIONS == 3
dVxk = D_DZ_I(Vx); dVyk = D_DZ_I(Vy); dVzk = D_DZ_I(Vz);
#endif
#endif
```

[plutocode.ph.unito.it](http://plutocode.ph.unito.it)

# რეოლოგიური მოდული - PLUTO Rheo

შექმნილი რეოლოგიური მოდული

$$\frac{DV_k}{Dt} + \nabla_i J_{ik} = S_k$$

წყაროს წევრი:

$$S_k \propto \frac{\partial}{\partial x_i} \nu(P, \xi) \varepsilon_{ik}, \quad \varepsilon_{ik} = \left( \frac{\partial v_i}{\partial x_k} + \frac{\partial v_i}{\partial x_k} \right)$$

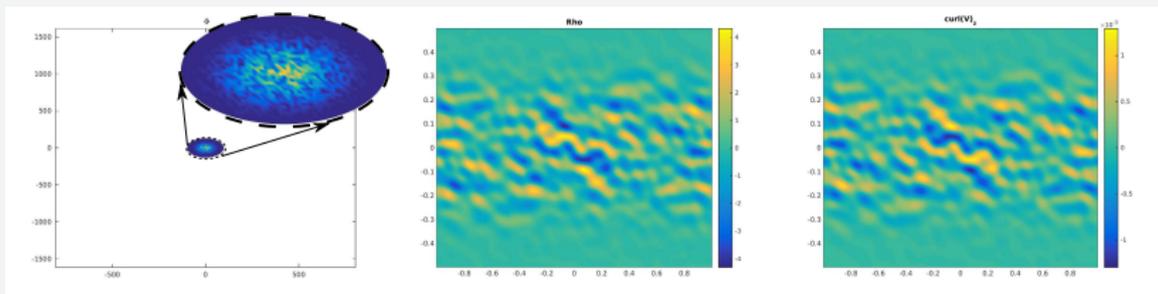
$$\xi = \sqrt{\frac{\varepsilon_{ik} \varepsilon_{ik}}{2}}$$

# საწყისი პირობები

- I  $k$  სივრცეში ლოკალიზებული გაუსური ხმაური
- II ლოკალიზებული განაწილება  $L_x$  ღერძის მიმართ  $\mathbb{M}(r)$
- III პერიოდულობა  $L_y$  ღერძის საზღვრებზე

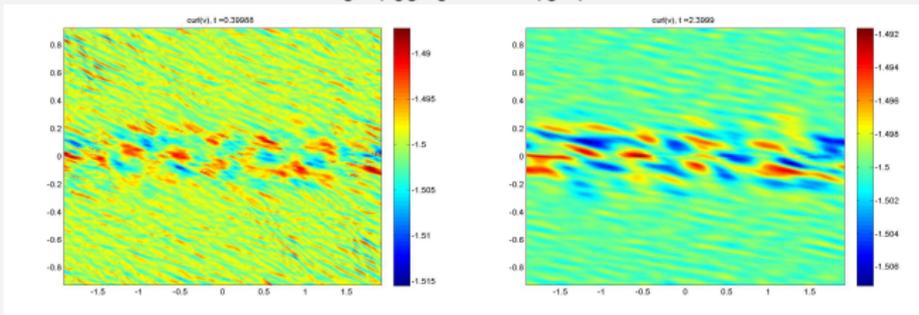
$$\Phi(k) = \varepsilon \exp \left\{ - \left( \frac{k}{k_0} \right)^2 \right\} \mathcal{R}, \quad \Psi(r) = \mathbb{M}(r) \iint dk_x dk_y e^{i\mathbf{k}r} \Phi(k)$$

$$V'_x = \frac{\partial \Psi}{\partial y}, \quad V'_y = -\frac{\partial \Psi}{\partial x}, \quad V_{y0} = -q\Omega x.$$

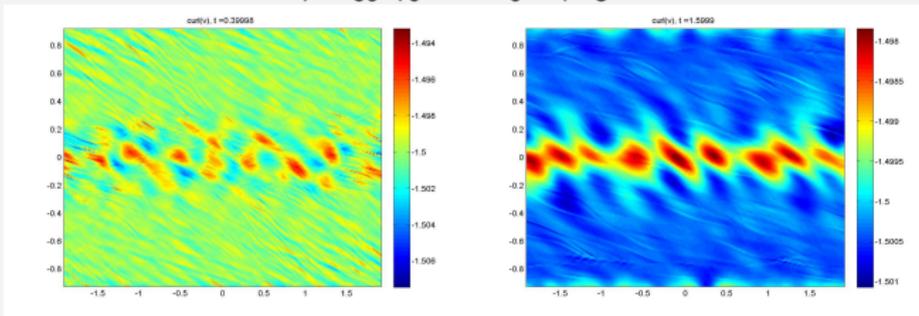


# რისკებითი თვლები (256x512x32)

ფიდუციური მოდელი



წანაცვლებითი რეოლოგია



- მდგრადი ფიდუციური მოდელი;
- არამდგრადობის არაწრფირივი გაჯერება;
- ხანგრძლივი ანტიციკლონების ჩამოყალიბება;

## 1. ბლანტი-ბრუნვითი არამდგრადობა

(ახალი ტიპის 3D დიფერენციალურად მბრუნავი სითხის ლოკალური არამდგრადობა)

- მდგრადობის კრიტერიუმი
- Poniatowski & Tevzadze, "Viscorotational shear instability of Keplerian granular flows Phys. Rev. E **96**, 010901 (2017)
- ეპიცკლური სიხშირის რეოლოგიური შესწორება (მზადებაში)

## 2. PLUTO კოდის ახალი მოდული

- რეოლოგიური სიბლანტის მოდული

## 3. არაწრფივი მოდელირება

- რამდგრადობის არაწრფივი გაჯერება დიდ ამპლიტუდებზე
- კვამისტაციუნარული თვითშენარჩუნებადი ანტიციკლონური გრიგალები
- ციკლონურ - ანტიციკლონურ ასიმეტრია (მზადებაში)

# გმადლობთ ყურადღებისთვის