

# ტურბულენტური და კოპერენტული პროცესები ასტროფიზიკურ ღისკებში

ალ. თევზაძე

ე. ხარაძის ეროვნული ასტროფიზიკური ობსერვატორია  
ჭავჭავაძის სახელმწიფო უნივერსიტეტი

# გეგმა

## - შესავალი

ასტროფიზიკური დისკები, წანაცვლებითი ნაკადები, მოკლე მიმოხილვა, წრფივი ეფექტები

## - პროტოპლანეტური დისკები

მიმოხილვა, გრიგალური მოდელი, კოპერენტული სტრუქტურების მდგრადობა

## - აკრეციული დისკები

მიმოხილვა, პიდროდინამიკური ტურბულენტობა დიფერენციალურად მბრუნავ გარემოში

# შესავალი

სამყაროში ფართოდ გავრცელებული ობიექტები  
(აკრეციული, გალაქტიკური, პროტოპლანეტური დისკები)

ცენტრალური გრავიტაცია

კეპლერული ბრუნვა:  $\Omega(r) \sim r^{-3/2}$

დიფერენციალური ბრუნვა

დინამიკის განმსაზღვრელი ძირითადი ფაქტორი

# შესავალი

წანაცვლებითი ნაკადები:

ნაკადის სიჩქარის არაერთგვაროვნება

არაორთოგონალური დინამიური ოპერატორები

საკუთარი ფუნქციების ინტერფერენცია

საკუთარი მნიშვნელობები კორექტულად ვერ  
აღწერენ წრფივი მოდების დინამიკას

# შესავალი

ინტერვერენციით გამოწვეული მოვლენები:  
არაორთოგონალური ეფექტები

## არამოდალური მიდგომა

- აპერიოდული შეშფოთებების ტრანზიენტული ზრდა;
  - წრფივი მოდების რეზონანსული და არარეზონანსული ურთიერთქმედება;
- გრიგალების ალგებრული, არაექსპონენციალური ზრდა  
წფივი ტალღების გაძლიერება, კონვერსია,  
ტრანსფორმაცია და არეკვლა

# პროტოპლანეტური დისკები

ლაპლასის პიპოტეზა (1796) – პლანეტები იბადებიან  
პროტოპლანეტური ნისლოვანებებში

დაკვირვებები (Exoplanets):

1992 Wolszczan and Frail: PSR B1257+12

წელს: 61 პლანეტა

დადასტურებული პლანეტების რიცხვი: 307

# პროტოპლანეტური დისკები

პლანეტების წარმოქმნის ძირითადი მექანიზმები:

## 1. გრავ. კლასტერიზაცია

კუმშვადი ტალღები, თვითგრავიტაცია,  
დიდი მასის ობიექტები

## 2. გრიგალური მოდელი

გრიგალების დინამიკა, სამ ფაზოვანი მოდელი

# პროტოპლანეტური დისკები

სტანდარტული პროცესი: კოაგულაცია

- ზანგრძლივი, რადიალური მიგრაცია;

გრიგალური მოდელი:

1. ანტიციკლონური გრიგალების ჩამოყალიბება
2. მტვრის კინემატიკური ჩაჭერა და პლანეტების ჩანასახების ჩამოყალიბება (planetesimals)
3. ნარჩენი ნივთიერების აკრეცია ჩანასახზე

# პროტოპლანეტური დისკები

გრიგალების მდგრადობა კეპლერულ დისკებში

დიფერენციალური ბრუნვა

ძლიერი წანაცვლებითი ძალები

კოპერენტული სტრუქტურების დეფორმაცია

არაწროვი თვით-შენარჩუნების მექანიზმი

# პროტოპლანეტური დისკები

პრობლემა:

2D: მდგრადი ანტიციკლონური გრიგალები

3D: ვერტიკალური სტრატიფიკაცია  $g(z) \sim z$

$g(z)=g$  მდგრადია

$g(z)=0$  არამდგრადი

მტვრის მაქსიმალური სიმკვრივე:  $z=0$

მდგრადი ანტიციკლონური გრიგალი:  $z \neq 0$

# პროტოპლანეტური დისკები

- Bodo, G., Tevzadze, A. G., Chagelishvili, G. D., Mignone, A., Rossi, P., and Ferrari, A. 2007, “*Stability and nonlinear adjustment of vortices in Keplerian flows*”, Astron. Astrophys. **475**, 51
- Tevzadze, A. G., Chagelishvili, G. D. and Lominadze, J. G., 2007, “*On vortex model of planet formation in Keplerian disks*”, Bulletin of the Georgian Academy of Sciences
- Bodo, G., Chagelishvili, G. D., Murante, G., Tevzadze, A., Rossi, P. and Ferrari, A. 2005, “*A Spiral Density Wave Generation by Vortices in Keplerian Flows*” Astron. Astrophys. **437**, 9

გრიგალური შეშფოთებების დინამიკის შესწავლა კეპლერულ  
დისკებში: წრფივი და არაწრფივი რეჟიმები  
პლანეტების წარმოქმნის გრიგალური მოდელის პირველი ფაზა

# პროტოპლანეტური დისკები

რიცხვითი მოდელირება:

PLUTO (გოდუნოვის სქემა)

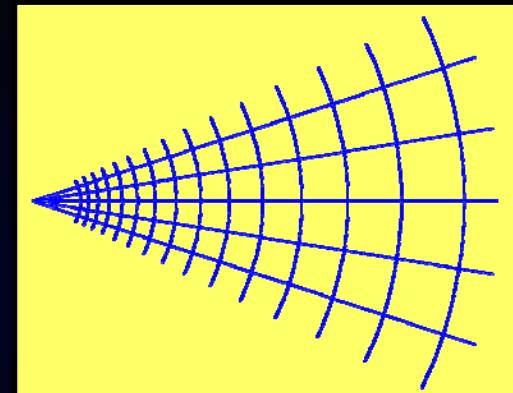
რადიალურად არაერთგვაროვანი ბადე

Momentum conserving, FARGO, ppm

MPI parallel

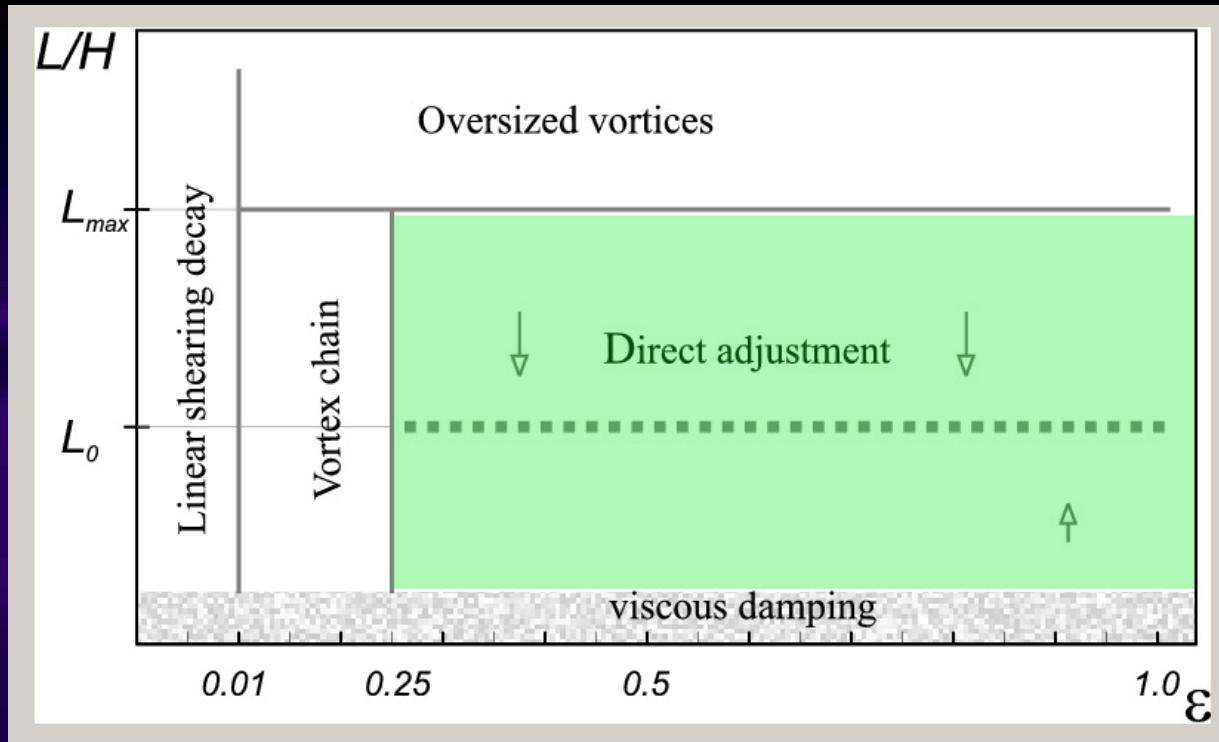
$R = (0.2-1.5)$

მაქსიმალური გარჩევა:  $8000 \times 1559$



# პროტოპლანეტური დისკები

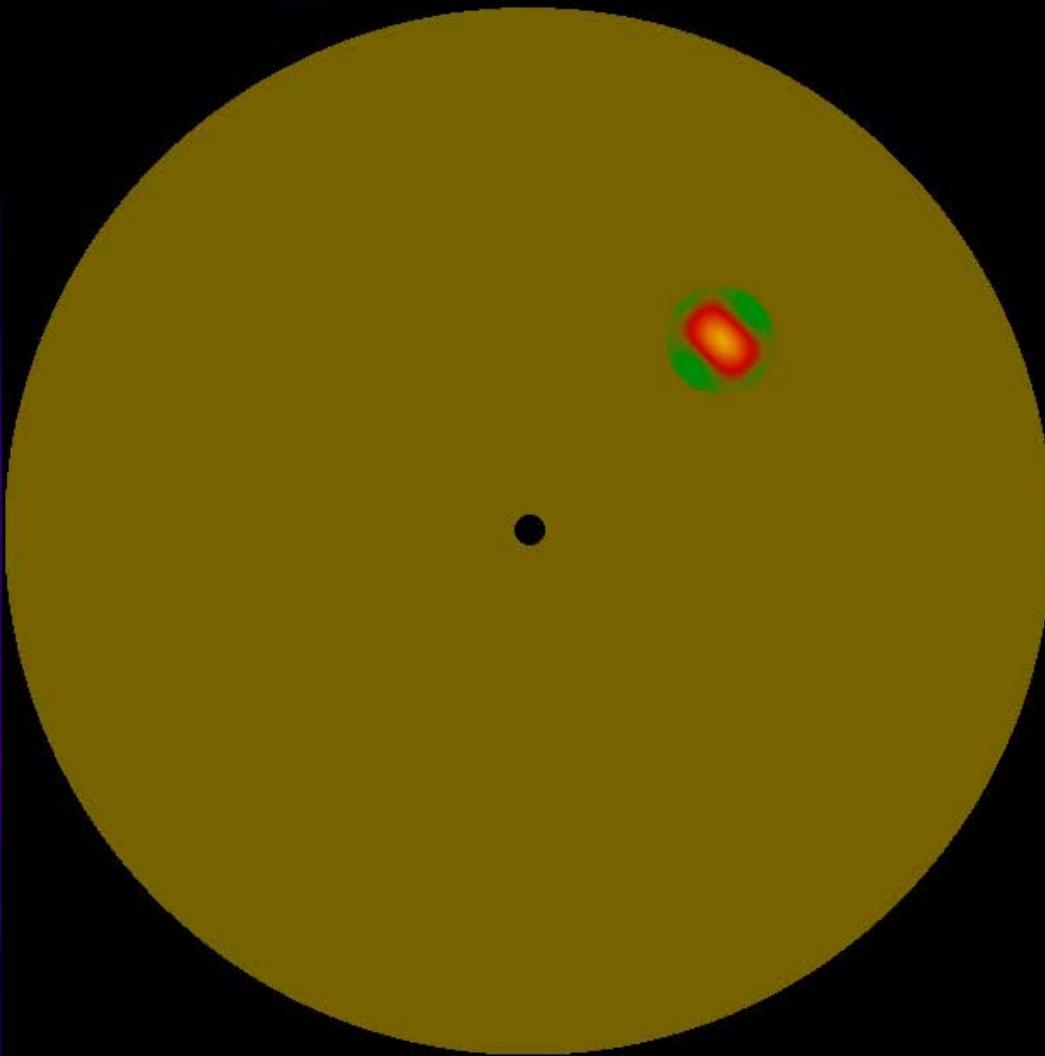
არაწროვივი წონასწორული კონფიგურაცია:  
ატრაქტორი



# პროტოპლანეტური დისკები

წრთვივი დინამიკა

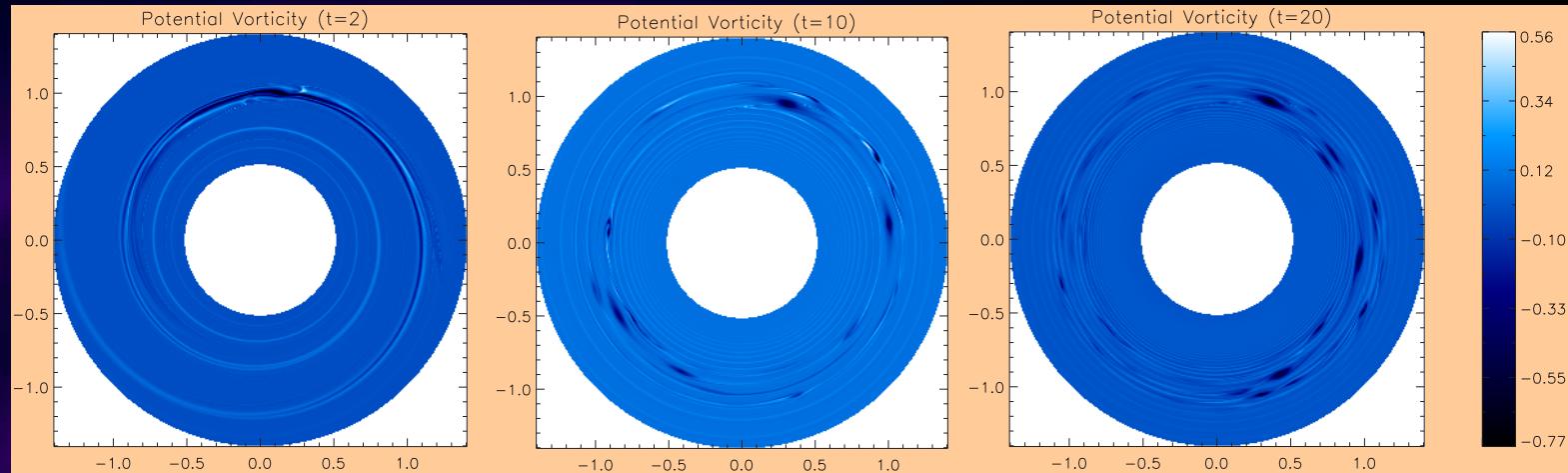
Rho



# პროტოპლანეტური დისკები

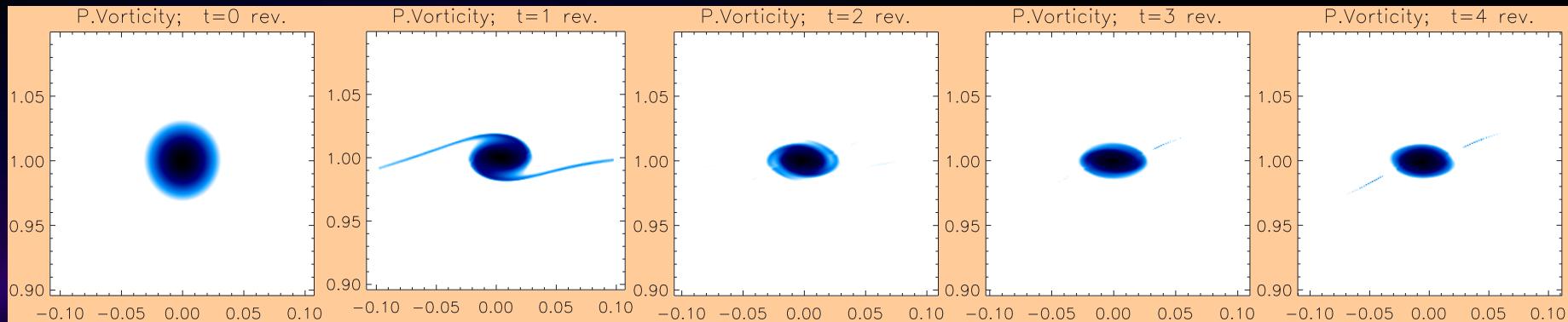
არატროვივი რეზიმები

მაქსიმალური რადიუსის გადაჭარბება



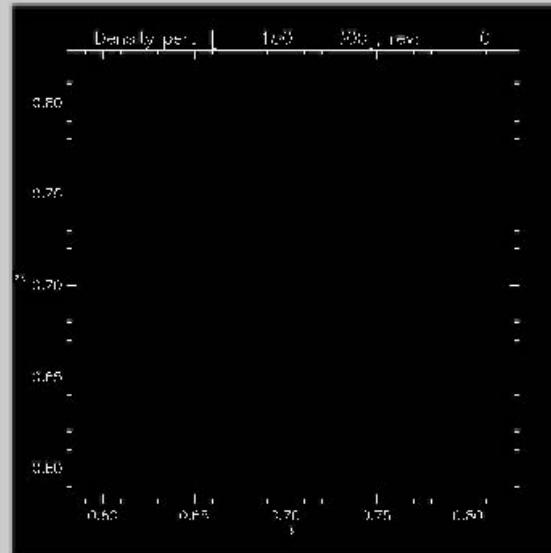
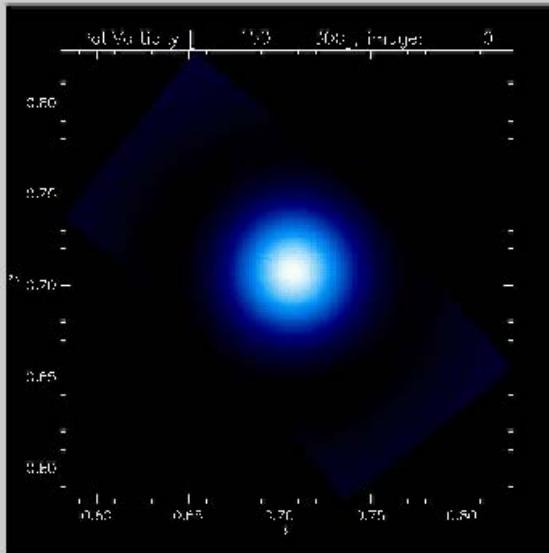
# პროტოპლანეტური დისკები

არაწრფივი რეჟიმი: პირდაპირი გადასვლა  
(direct adjustment)



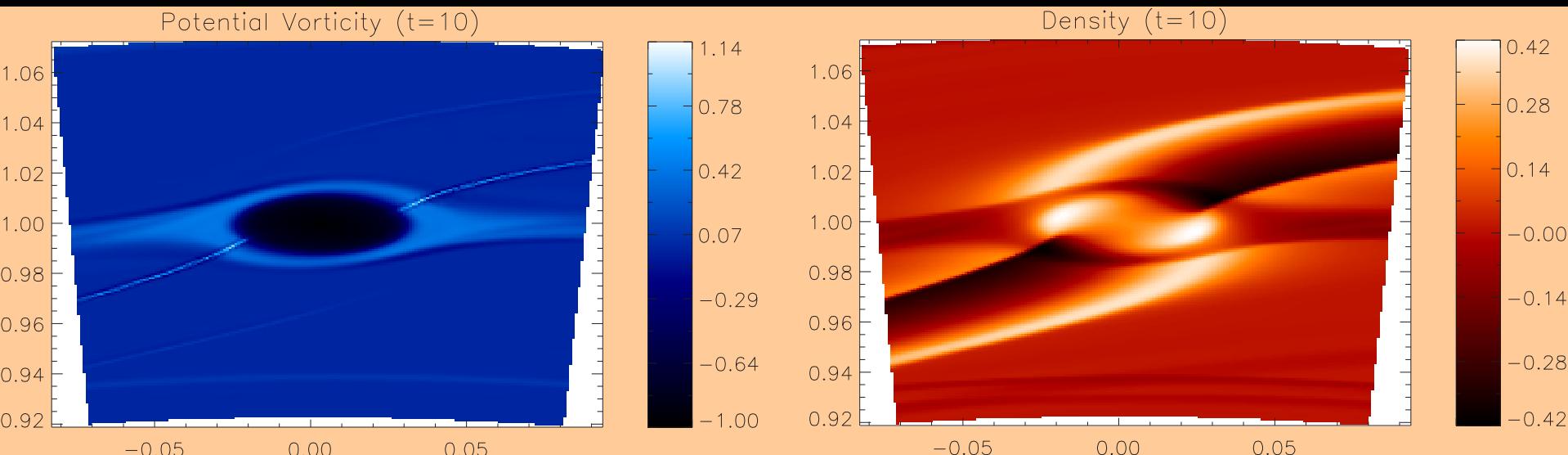
# პროტოპლანეტური დისკები

არატრანზივი რეჟიმი



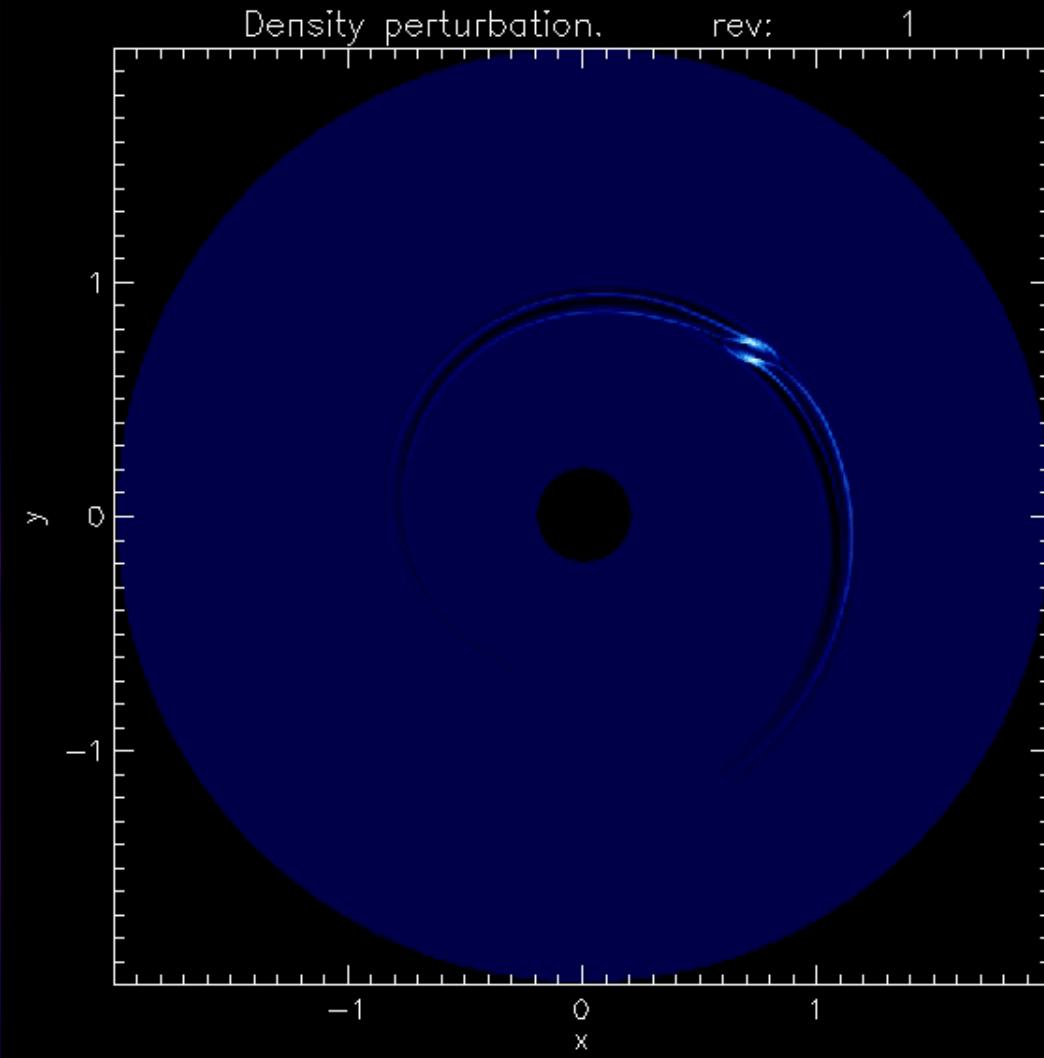
# პროტოპლანეტური დისკები

წონასწორული კონფიგურაციის სტრუქტურა



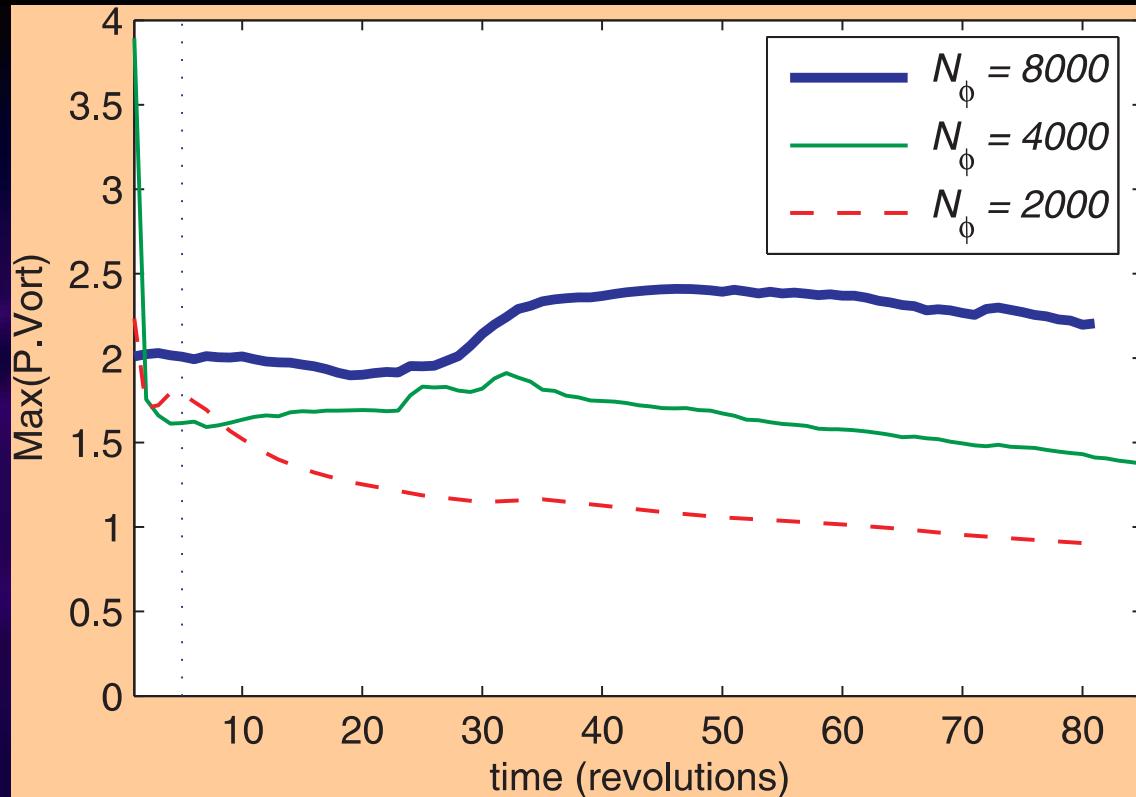
- გაორებული სიმკვრივის ბირთვი
- დარტყმითი ტალღები

# პროტოპლანეტური დისკები



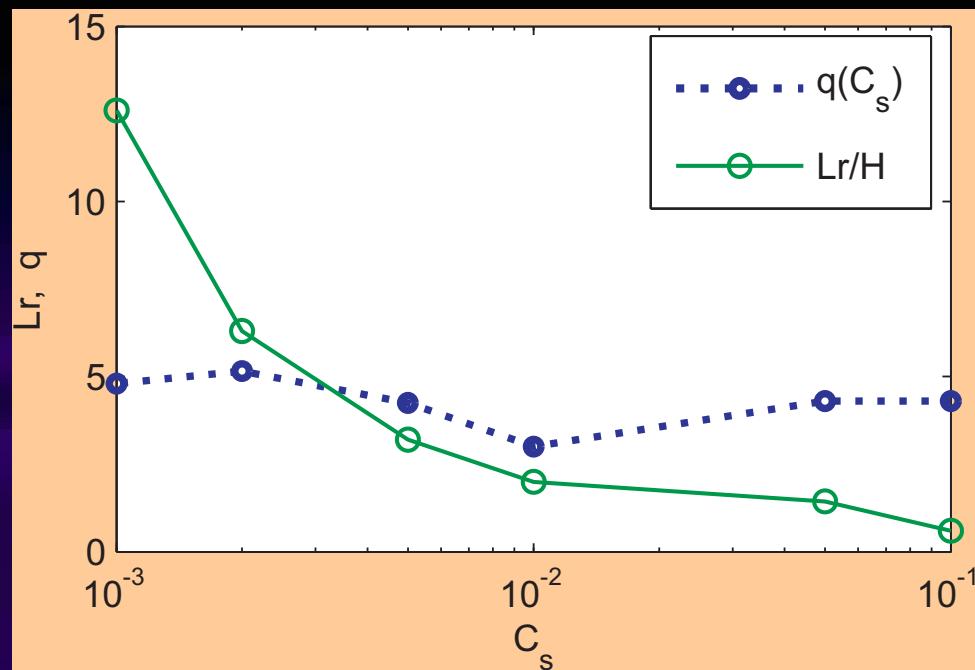
# პროტოპლანეტური დისკები

კოპერენციული სტრუქტურის ძლიერადობა



# პროტოპლანეტური დისკები

## ანტიციკლონის ზომები



# პროტოპლანეტური დისკები

არაწონასწორული გრიგალური შემფოთებები გადადიან  
წონასწორულ სტრუქტურებში (direct nonlinear adjustment)

ანტიციკლონური გრიგალის წონასწორული  
კონფიგურაცია დამოკიდებულია დისკის პარამეტრებზე

წონასწორული გრიგალის ზომა შეიძლება აღემატებოდს  
დისკის სისქეს და იყოს მდგრადი (2D)

კუმშვადი ანტიციკლონური გრიგალებს შეუძლიათ  
მნიშვნელოვნად დააჩქარონ პლანეტების ჩანასახების  
წარმოქმნა (პირველი ფაზა)

# აკრეციული დისკები

მაღალენერგეტიკული ასტროფიზიკური დისკები  
კომპაქტური ობიექტების გარშემო

AGN, Quasars, Protostellar disks

გამოსხივება: აკრეცირებული ნივთიერების  
უძრაობის მასის 10%

# აკრეციული დისკები

## აკრეცის მექანიზმი

კუთხური მომენტის გადატანა გარეთ;  
მასის გადატანა ცენტრისაკენ (აკრეცია);

კინემატიკური სიბლანტე?  $Re > 10^{10}$   
ანომალური სიბლანტე

ტურბულენტური აკრეცია,  $\alpha$ -მოდელი

# აკრეციული დისკები

ტურბულენცია

Rayleigh criterion:

$$\frac{\partial(R^2\Omega)}{\partial R} > 0,$$

კეპლერული ბრუნვა:  $\Omega(r) \sim r^{-3/2}$  მდგრადია

მაგნიტური ველი:

მაგნიტო ბრუნვითი არამდგრადობა (MRI)

*MRI turbulence*

# აკრეციული დისკები

პიდროდინამიკური ტურბულენტობა

იონიზაციის დაბალი ხარისხი;

პიდროდინამიკური აკრეციული დისკების პრობლემა  
მომენტის კოპერენტული გადატანა?

Tevzadze, A. G., Chagelishvili, G. D., Zahn, J.-P., Chanishvili, R. G. and Lominadze, J. G., 2003, “*On hydrodynamic shear turbulence in Keplerian disks: transient growth of small-scale 3D vortex mode perturbations*”, Astron. Astrophys. **407**, 779-786.

Chagelishvili, G. D., Zahn, J.-P., Tevzadze, A. G. and Lominadze, J. G., 2003, “*On hydrodynamic shear turbulence in Keplerian disks: Via transient growth to bypass transition*”, Astron. Astrophys. **402**, 401-407.

# აკრეციული დისკები

ჰიდროდინამიკური ტურბულენტობა  
სპექტრალურად მდგრად ნაკადებში

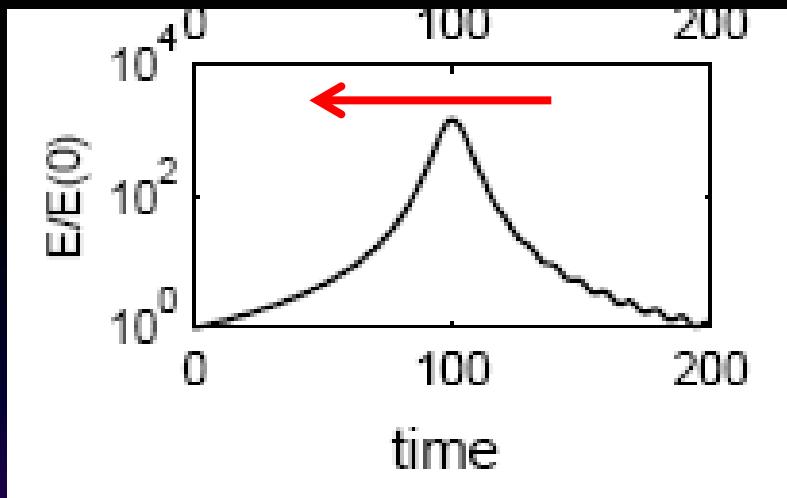
ბრტყელი პარალელური წანაცვლებითი ნაკადები

Bypass concept

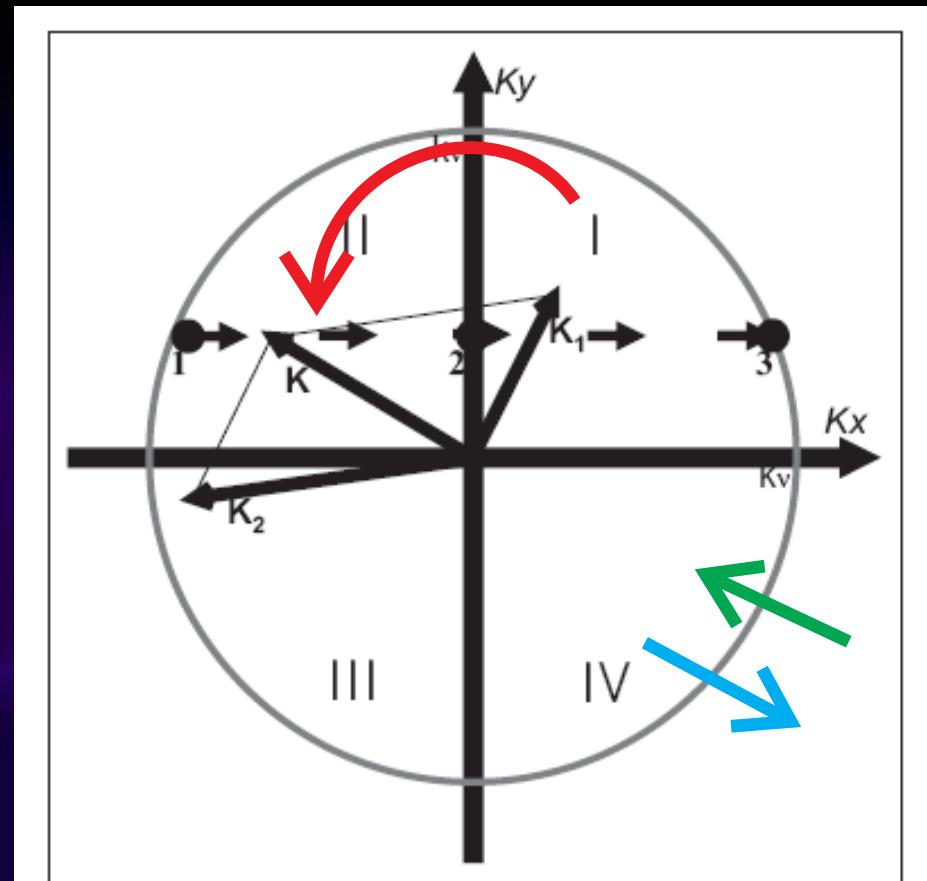
ტურბულენტობა ექსპონენციალურად ზრდადი  
მოდების გარეშე

# აკრეციული დისკები

წრთვივი ტრანზიენტული ზრდა



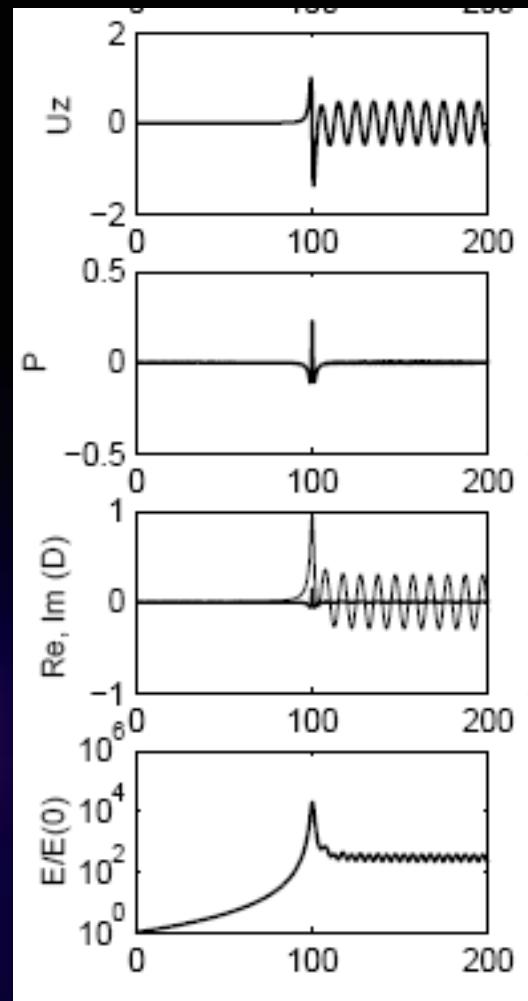
transverse cascade



არაწრთვივი სპექტრალური  
გადანაწილება

# აკრეციული დისკები

- კოროლისის ძალის  
დესტრუქციული ქმედება
- + ტალღის გენერაცია



# აკრეციული დისკები

ენერგეტიკული შედარება

პარალელური და მბრუნავი წანაცვლებითი ნაკადები

(რეინოლდსის რიცხვის 4 რიგით გაზრდა)

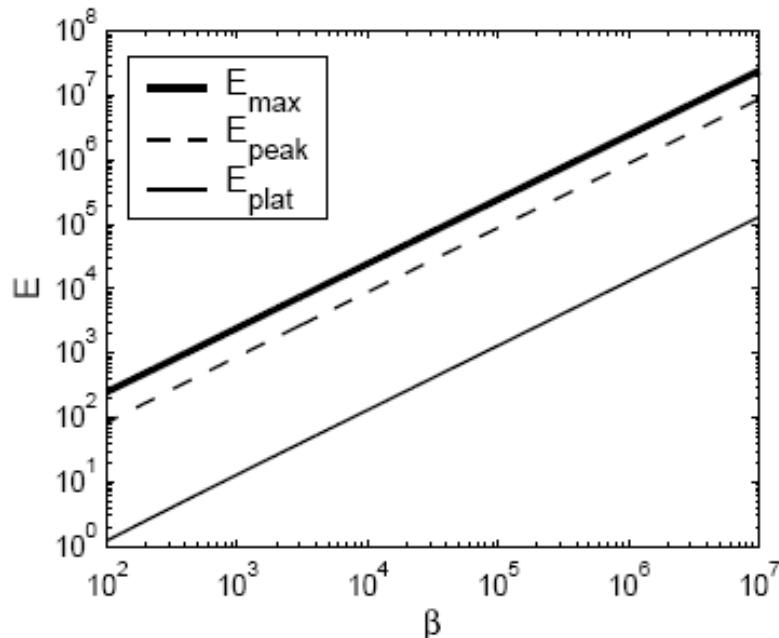


Fig. 4. Maximum normalized energy  $E_{\max}$  in the plane case, peak energy  $E_{\text{peak}}$  and plateau energy  $E_{\text{plat}}$  in the disk case, vs.  $\beta \equiv (k_x(0)/k_y)^2$ , for the same  $E(0)$  and  $k_z = k_y$ .

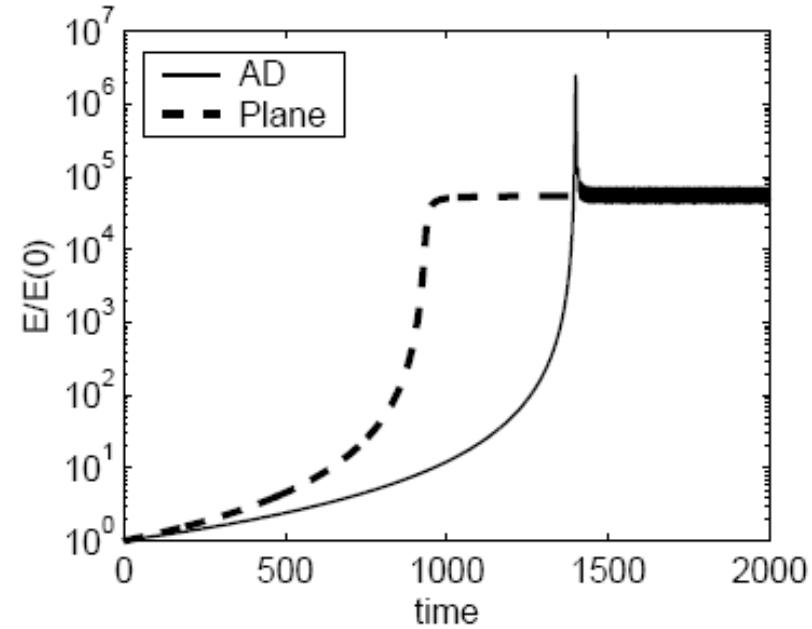


Fig. 5.  $E(t)/E(0)$  vs.  $t$  for the Keplerian disk and plane cases, for  $k_z = k_y$  and for values of  $\beta$  at which  $E_{\max}/E(0) = E_{\text{plat}}/E(0) = 5 \times 10^4$  ( $\beta_{\text{plane}} = 2.25 \times 10^3$  and  $\beta_{\text{AD}} = 4.41 \times 10^6$ ).

# აკრეციული დისკები

**3D ტურბულენტობისავის აუცილებელი პირობები**

გრიგალური მოდის არსებობა

ვერტიკალური სტრატიფიკაცია

სიჩქარის პროფილის არაერთგვაროვნება

დიფერენციალური ბრუნვა

გრავიტო-სპირალური ტალღის არსებობა

კუმშვადობა, მოდების მბის სწორი აღწერა

# აკრეციული დისკები

ჰიდროდინამიკური ტურბულენტობის მოდელი  
კეპლერული დისკებისათვის

- ენერგიის წყაროა წრფივი ტრანზიენტული ზრდა
- არაწრფივი პროცესები უზრუნველყოფენ  
უკუკავშირს
- ზუსტი არაწრფივი მოდელირების საჭიროება  
**( $Re >> 1$ )**
- არაწრფივი ურთიერთქმედებების დეტალური  
გათვალა

მადლობთ ყურადღებისათვის